

مثال/انطلقت كرة وبعد مرور ٢ ثا قطعت مسافة ٣م وقطعت مسافة كلية ٩م بزمن ٥ ثا ماهي السرعة اللحظية لها؟

$$ج/السرعة اللحظية = \frac{١م - ٢م}{١ن - ٢ن}$$

$$٢م = المسافة الكلية - ٩م = ٣ - ٩ = ٦م$$

$$٢ن = الزمن الكلي - ١ن = ٥ - ٢ = ٣ثا$$

$$السرعة اللحظية = \frac{١م - ٢م}{١ن - ٢ن} = \frac{٣ - ٦}{٢ - ٣} = \frac{١}{٣} = ١/٣ م/ثا$$

*السرعة النسبية:

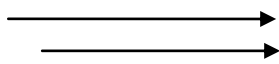
وهي عبارة عن سرعة الجسم نسبة جسم اخر سواء كان الجسم الثاني ثابت او متحرك

السرعة النسبية = سرعة الجسم الاول - سرعة الجسم الثاني = س١ - س٢

ملاحظة: اذا كانت حركة الجسم الاول عكس حركة الجسم الثاني فالجسم الثاني ياخذ الاشارة السالبة وبالعكس اذا كانت حركة الجسمين بنفس الاتجاه فالجسم الثاني ياخذ الاشارة الموجبة

مثال/عداء ١٠٠م يركض بسرعة ٩م/ثا وعداء اخر في المجال الثاني يركض بسرعة ٨م/ثا ماهي سرعة اللاعب الاول نسبة الى اللاعب الثاني وماهي سرعته اذا كانت الحركة عكس الاتجاه؟

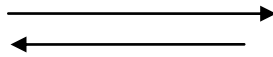
$$ج/ السرعة النسبية (اللاعب الاول) = س١ - س٢$$



$$٩ = (٨+) - ٩ = ٨ - ٩ = ١ م/ثا$$

$$السرعة النسبية (اللاعب الاول) = س١ - س٢$$

$$٩ = (٨-) - ٩ = ٨ + ٩ = ١٧ م/ثا$$



مثال/كم هي سرعة الكرة التي تتحرك بسرعة ٥ م/ثا نسبة الى اللاعب الواقف في منطقة الجراء؟

$$ج/ السرعة النسبية (الكرة) = س١ - س٢$$

$$٥ = ٥ - ٠ = ٥ م/ثا$$

****حالات جمع السرعة:**

من أجل معرفة اتجاه السرعة ومقدارها ميكانيكيا لابد من تمثيل وهذه الكمية بهم يمثل طول السهم مقدار السرعة ورأس السهم اتجاهها وهناك اربعة حالات لجمع السرعة (ايجاد المحصلة مع اتجاه) وهي :

١- عندما تكون سرعتان على خط عمل واحد وبنفس الاتجاه فان المحصلة تساوي :
س = س_١ + س_٢ (المجموع جبري للسرعتين) ويكون اتجاه المحصلة باتجاه السرعتين

كما في فعالية رمي القرص اثناء الرمي فان سرعة القرص اثناء دوران اللاعب ٦م/ثامع سرعة الذراع الرامية ٥م/ثا فان المحصلة تساوي (س = ٦ + ٥ = ١١م/ثا)
س_١ →
س_٢ →

ومثال اخر لاعب ١٠٠م يركض بسرعة ٨م/ثا وكانت سرعة الرياح بنفس اتجاه الركض بسرعة ١م/ثا فمحصلة السرعتين تساوي (س = س_١ + س_٢) = ٨ + ١ = ٩م/ثا

٢- اذا كانت السرعتان على خط عمل واحد وبعكس الاتجاه فمحصلة السرعة تساوي الفرق الجبري بين السرعتين واتجاه المحصلة باتجاه السرعة الاكبر

$$س = س_١ - س_٢$$

كما في فعالية رمي الرمح نلاحظ في الخطوات الاخيرة قبل الرمي ارجاع الرمح الى الخلف عكس اتجاه حركة اللاعب فاذا كانت اللاعب في الاقتراب ٦م/ثا وسرعة ارجاع الذراع الرامية الى الخلف ٣م/ثا فالمحصلة تساوي : س = ٦ - ٣ = ٣م/ثا باتجاه تقدم اللاعب .

ومثال اخر كرة تتحرك بسرعة ١٠م/ثا وكرة ثانية سرعتها ٢م/ثا عكس الاتجاه وعلى خط عمل واحد ماهي محصلة السرعة للكرتين؟

$$ج/ س = س_١ - س_٢ = ١٠ - ٢ = ٨م/ثا باتجاه الكرة الثانية$$

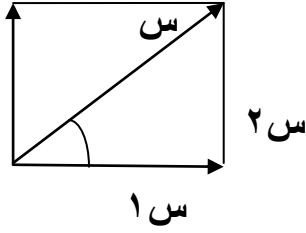
٣- اذا كانت السرعتان ليست على خط عمل واحد وبصورة متعامدة (اي وجود زاوية قائمة ٩٠ درجة بين السرعتين) فمحصلة السرعة تساوي : (مربع الوتر = مجموع مربعي الضلعين القائمين)

$$س^2 = (س_١)^2 + (س_٢)^2 \text{ (نظرية فيثاغورس)}$$

$$س = \sqrt{(س_١)^2 + (س_٢)^2}$$

س ٢

واتجاه المحصلة يمكن الاستدلال عليه عن طريق ظا θ



$$\text{ظا } \theta = \frac{\text{جانب}}{\text{جانب}} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{\text{س ٢}}{\text{س ١}}$$

ملاحظة : جيب الزاوية (جا) = $\frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$ — جيب تمام الزاوية (جتا) = $\frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}}$

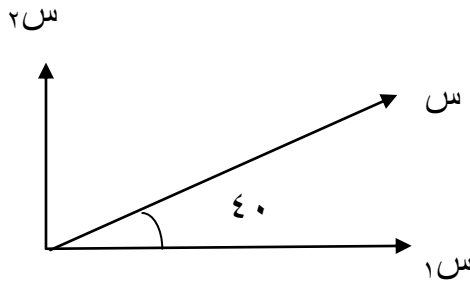
**مثال : سباح يحاول عبور نهر بسرعة ٣ م/ثا بخط مستقيم لاتجاه الافقي ولكن سرعة التيار في النهر كانت عمودية على اتجاه حركة السباح بسرعة ٢,٥ م/ثا فما هي محصلة واتجاه سرعة السباح ؟ اذا علمت ان ظا ٣٨ = ٠,٧٨ ظا ٣٩ = ٠,٨٠ ظا ٤٠ = ٠,٨٣ ؟

ج /

$$\begin{aligned} \text{س}^2 &= (\text{س ١})^2 + (\text{س ٢})^2 \\ \text{س} &= \sqrt{(\text{س ١})^2 + (\text{س ٢})^2} \\ &= \sqrt{15.25} = 3.91 \text{ م/ثا} \end{aligned}$$

$$\text{ظا } \theta = \frac{\text{جا}}{\text{جتا}} = \frac{\text{س ٢}}{\text{س ١}} = \frac{2.5}{3} = 0.83 \text{ بما ان ظا } 40 = 0.83$$

∴ اتجاه المحصلة يكون بزاوية ٤٠ مع الخط الافقي .



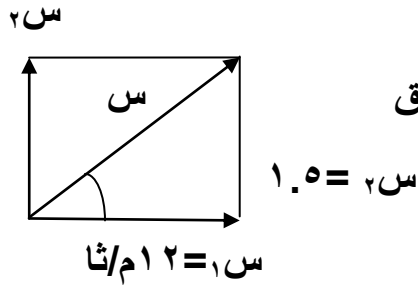
مثال/كرة تتحرك افقيا بسرعة ١٢ م/ثا اثرت عليها سرعة الرياح بزاوية قائمة بمقدار ١.٥ م/ثا
ماهي محصلة السرعتين واتجاهها اذا علمت ان ظا ٧=٠.١٢ ظا ٨=٠.١٤ ظا ٩=٠.١٥ مع
الرسم؟

$$ج/س = \sqrt{(١س)^2 + (٢س)^2}$$

$$س = \sqrt{(١٢)^2 + (١.٥)^2} = ١٢.٠٩ م/ثا$$

$$ظا \theta = \frac{جنا\theta}{جا\theta} = \frac{١س}{٢س} = ١٢/١.٥ = ٠.١٢$$

بما ان ظا ٧=٠.١٢



اذن: اتجاه محصلة السرعة بزاوية ٧ درجة مع الافق

٤- اذا كانت السرعتان ليست على خط عمل واحد (الزاوية اقل او اكبر من ٩٠ درجة بين
السرعتين) فمحصلة السرعة تساوي:

$$س = \sqrt{(١س)^2 + (٢س)^2 + ٢(١س)(٢س) \times جتا\theta}$$

واتجاه المحصلة يمكن الاستدلال عليه من القانون:

$$ظا \theta = \frac{١س \times جتا\theta + ٢س}{١س}$$

مثال/لاعب الوثبة الثلاثية كانت سرعته في الاقتراب ٧ م/ثا وكانت سرعة الرياح المؤثرة عليه
بسرعة ٢ م/ثا وبزاوية ٣٦ درجة، ماهي محصلة السرعتين واتجاه المحصلة اذا علمت ان
جا ٣٦=٠.٥٩ وجتا ٣٦=٠.٨١ ظا ٢٨=٠.٥٣ ظا ٢٩=٠.٥٤ ظا ٣٠=٠.٥٧ مع الرسم؟

$$\sqrt{(1s)^2 + (2s)^2 + (1s \times 2 \times \text{جتا } \theta)^2} = s / \text{ج}$$

$$\sqrt{(7)^2 + (2)^2 + (7 \times 2 \times \text{جتا } 36)^2} =$$

$$s = \sqrt{49 + 4 + 49 \times 0.81 \times 14} = 8.02 \text{ م/ثا}$$

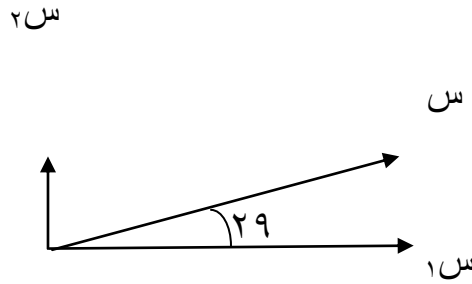
$$\text{ظا } \theta = s_1 \times \text{جتا } \theta / s_1 + s_2$$

$$0.67 + 2 / 4.13 = 0.81 \times 7 + 2 / 0.59 \times 7 =$$

$$0.54 = 7.67 / 4.13 =$$

$$\text{بما ان ظا } 29 = 0.54$$

اذن اتجاه محصلة السرعة بزاوية 29 درجة مع الافق



س/لاعب ركل الكرة التي تتحرك بسرعة 5 م/ثا وكانت سرعة الرياح مؤثرة على الكرة بسرعة 1.25 م/ثا وبزاوية 35 درجة ماهي محصلة واتجاه الكرة اذا علمت ان سرعة القدم اثناء الركل كانت 4 م/ثا باتجاه الكرة وان جا 35 = 0.57 جتا 35 = 0.82 وان ظا 30 = 0.58 و ظا 31 = 0.60 ؟

$$\text{ج/س} = s_1 + s_2 = 4 + 5 = 9 \text{ م/ثا}$$

$$\sqrt{(1s)^2 + (2s)^2 + (1s \times 2 \times \text{جتا } \theta)^2} = s$$

$$\sqrt{(9)^2 + (1.25)^2 + (9 \times 1.25 \times \text{جتا } 35)^2} =$$

$$س = 101 = 10 \text{ م/ثا}$$

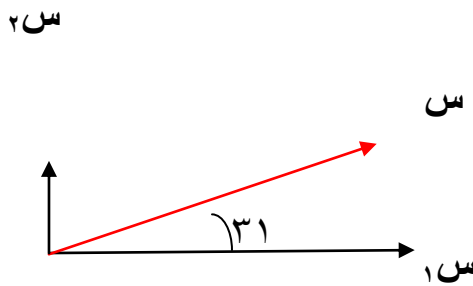
$$ظا \emptyset = س_1 \times جتا \emptyset / س_2 + س_1 \times جتا \emptyset$$

$$7.38 + 1.25 / 0.13 = 0.82 \times 9 + 1.25 / 0.57 \times 9 =$$

$$0.60 = 8.63 / 0.13 =$$

$$0.60 = 31 \text{ ظا}$$

اذن اتجاه محصلة السرعة بزاوية 31 درجة مع الافق



**تحليل السرعة

هنا يمكن الحصول على السرعة الافقية (س₁) والسرعة العمودية (س₂) اذا علمنا المحصلة (س) والاتجاه (اتجاه المحصلة) مع الخط الافقي وذلك بتطبيق القانونين :

$$\text{السرعة الافقية} = \text{المحصلة} \times \text{جتا} \emptyset$$

$$س_1 = س \times \text{جتا} \emptyset$$

$$\text{السرعة العمودية} = \text{المحصلة} \times \text{جا} \emptyset$$

$$س_2 = س \times \text{جا} \emptyset$$

س/ماهي السرعة الافقية والعمودية لقاذز العريض الذي يرتقي بزاوية 24 درجة وبسرعة 8 م/ثا
علما ان جا 24 = 0.40 جتا 24 = 0.91 ظا 24 = 0.44 مع الرسم؟

$$\text{ج} / \text{السرعة الافقية} = \text{المحصلة} \times \text{جتا} \emptyset$$

$$س_1 = س \times \text{جتا} \emptyset$$

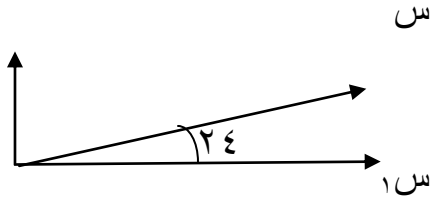
$$= 8 \times \text{جتا} 24 = 0.91 \times 8 = 7.28 \text{ م/ثا}$$

السرعة العمودية = المحصلة × جا ∅

$$س_2 = س × جا ∅$$

$$= 8 × جا 24 = 0.40 × 8 = 3.20 \text{ م/ثا}$$

س₂



س/لاعب القفز بالعصا يهبط بسرعة 4 م/ثا وبزاوية 50 درجة ما هي سرعة اللاعب الأفقية والعمودية علما ان جا 50 = 0.77 جتا 50 = 0.64 ظا 50 = 1.19 مع الرسم؟

ج/

$$س_1 = س × جتا ∅$$

$$= 4 × جتا 50 = 0.64 × 4 = 2.56 \text{ م/ثا}$$

السرعة العمودية = المحصلة × جا ∅

$$س_2 = س × جا ∅$$

$$= 4 × جا 50 = 0.77 × 4 = 3.08 \text{ م/ثا}$$

